

УКРАЇНА



# ПАТЕНТ

НА ВИНАХІД

№ 108828

**ПРИСТРІЙ ДЛЯ РЕАЛІЗАЦІЇ ОПЕРАЦІЇ МОДУЛЬНОГО  
МНОЖЕННЯ ДВОХ ЧИСЕЛ, ЯКІ ПРЕДСТАВЛЕНІ У СИСТЕМІ  
ЗАЛИШКОВИХ КЛАСІВ**

Видано відповідно до Закону України "Про охорону прав на винаходи і корисні моделі".

Зареєстровано в Державному реєстрі патентів України на винаходи  
**10.06.2015.**

Голова Державної служби  
інтелектуальної власності України

А.Г. Жарінова



(19) UA

(51) МПК (2015.01)  
**G06F 7/52** (2006.01)  
**G06F 7/72** (2006.01)  
**H03M 7/00**  
**H03M 7/18** (2006.01)

(21) Номер заявки: **а 2014 10608**

(22) Дата подання заявки: **29.09.2014**

(24) Дата, з якої є чинними права на винахід: **10.06.2015**

(41) Дата публікації відомостей про заявку та номер бюлетеня: **12.01.2015, Бюл.№ 1**

(46) Дата публікації відомостей про видачу патенту та номер бюлетеня: **10.06.2015, Бюл. № 11**

(72) Винахідники:  
**Краснобаєв Віктор**  
**Анатолійович, UA,**  
**Горбенко Іван Дмитрович,**  
**UA,**  
**Янко Аліна Сергіївна, UA,**  
**Кошман Сергій**  
**Олександрович, UA,**  
**Горбенко Юрій Іванович, UA**

(73) Власники:  
**Краснобаєв Віктор**  
**Анатолійович,**  
 вул. Астрономічна, 35-б, к. 24,  
 м. Харків, 61085, UA,  
**Горбенко Іван Дмитрович,**  
 пр. Л. Свободи, 50-а, к. 68, м.  
 Харків, 61204, UA,  
**Янко Аліна Сергіївна,**  
 вул. Великотирнівська, 36,  
 корп. 3, к. 122, м. Полтава,  
 36014, UA,  
**Кошман Сергій**  
**Олександрович,**  
 вул. Енгельса, 19, к. 409, м.  
 Харків-12, 61012, UA,  
**Горбенко Юрій Іванович,**  
 пр. Л. Свободи, 50-а, к. 68, м.  
 Харків, 61204, UA

(54) Назва винаходу:

**ПРИСТРІЙ ДЛЯ РЕАЛІЗАЦІЇ ОПЕРАЦІЇ МОДУЛЬНОГО МНОЖЕННЯ ДВОХ ЧИСЕЛ, ЯКІ ПРЕДСТАВЛЕНІ У СИСТЕМІ ЗАЛИШКОВИХ КЛАСІВ**

(57) Формула винаходу:

Пристрій для модульного множення двох чисел, які представлені у системі залишкових класів (СЗК), який містить перший та другий вхідні прийомні регістри, вихідний прийомний регістр, регістр результату операції, суматор за модулем два, першу групу елементів АБО, групу з  $n$  пристроїв для множення  $c' = (a_i \cdot b_i) \bmod m_i$  двох лишків  $a_i$  та  $b_i$  чисел  $A_{СЗК}$  та  $B_{СЗК}$  за відповідними модулями  $m_i$  ( $i = \overline{1, n}$ ;  $n$  - кількість модулів СЗК), першу групу елементів  $l$ , групу вентилів, перший суматор за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , при цьому виходи  $i$ -х ( $i = \overline{1, n}$ )

підрегістрів першого та другого вхідних прийомних регістрів підключено до входів  $i$ -го пристрою для множення лишків  $a_i$  та  $b_i$ , відповідно чисел  $A'_{СЗК}$  та  $B'_{СЗК}$ , за модулем  $m_i$  СЗК, виходи групи пристроїв множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  за модулями  $m_i$  підключено до входів відповідних  $i$ -х підрегістрів вихідного прийомного регістру, вихід якого підключено до перших входів елементів I першої групи та до перших (інформаційних) входів вентильних елементів групи, виходи елементів I першої групи підключено до перших входів першого

суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого підключена шина подачі значення  $\frac{M}{2}$ , виходи

першого суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$   $i$  вентильних елементів групи через елементи АБО першої групи

підключено до входу регістру результату операції, виходи перших (за модулем  $m_i$  СЗК) підрегістрів вхідних прийомних регістрів підключено до входів суматора за модулем два, вихід якого підключено до других входів елементів I першої групи та до других входів вентильних елементів групи, який **відрізняється** тим, що в пристрій додатково введено перший та другий вхідні регістри, вихідний регістр, другу, третю, четверту та п'яту групи елементів I, другу та третю групи елементів АБО, другий, третій, четвертий, п'ятий та шостий суматори

за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , при цьому, перший вхід пристрою підключено до входу першого вхідного регістру, вихід якого підключено до перших входів елементів I другої та третьої груп, виходи яких підключено до перших

входів відповідно другого та третього суматорів за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , виходи яких через елементи АБО

другої групи підключено до входу першого вхідного прийомного регістру, другий вхід пристрою підключено до входу другого вхідного регістру, вихід якого підключено до перших входів елементів I четвертої та п'ятої груп,

виходи яких підключено до перших входів відповідно четвертого та п'ятого суматорів за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ ,

виходи яких через елементи АБО третьої групи підключено до входу другого вхідного прийомного регістру,

вихід регістру результату операції підключено до перших входів шостого суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ ,

вихід якого підключено до входу вихідного регістру, вихід якого є виходом пристрою, перша шина подачі сигналу ознаки "ДОДАВАННЯ 1" підключена до других входів елементів I другої групи, а друга шина подачі сигналу ознаки "ДОДАВАННЯ 2" підключена до других входів елементів I четвертої групи, перша шина подачі сигналу ознаки "ВІДНІМАННЯ 1" підключена до других входів елементів I третьої групи, а друга шина подачі сигналу ознаки "ВІДНІМАННЯ 2" підключена до других входів елементів I п'ятої групи, шина подачі значення

$\frac{M}{2}$  підключена до других входів другого, третього, четвертого, п'ятого та шостого суматорів за модулем

$$M = \prod_{i=1}^n m_i .$$



(11) 108828

Пронумеровано, прошито металевими  
люверсами та скріплено печаткою  
3 арк.  
10.06.2015



Уповноважена особа

(підпис)



УКРАЇНА

(19) **UA** (11) **108828** (13) **C2**

(51) МПК (2015.01)

**G06F 7/52** (2006.01)

**G06F 7/72** (2006.01)

**H03M 7/00**

**H03M 7/18** (2006.01)

ДЕРЖАВНА СЛУЖБА  
ІНТЕЛЕКТУАЛЬНОЇ  
ВЛАСНОСТІ  
УКРАЇНИ

## (12) ОПИС ДО ПАТЕНТУ НА ВИНАХІД

- (21) Номер заявки: **а 2014 10608**  
(22) Дата подання заявки: **29.09.2014**  
(24) Дата, з якої є чинними права на винахід: **10.06.2015**  
(41) Публікація відомостей про заявку: **12.01.2015, Бюл.№ 1**  
(46) Публікація відомостей про видачу патенту: **10.06.2015, Бюл.№ 11**

- (72) Винахідник(и):  
**Краснобаєв Віктор Анатолійович (UA),  
Горбенко Іван Дмитрович (UA),  
Янко Аліна Сергіївна (UA),  
Кошман Сергій Олександрович (UA),  
Горбенко Юрій Іванович (UA)**
- (73) Власник(и):  
**Краснобаєв Віктор Анатолійович,  
вул. Астрономічна, 35-б, к. 24, м. Харків,  
61085 (UA),  
Горбенко Іван Дмитрович,  
пр. Л. Свободи, 50-а, к. 68, м. Харків, 61204  
(UA),  
Янко Аліна Сергіївна,  
вул. Великотирнівська, 36, корп. 3, к. 122, м.  
Полтава, 36014 (UA),  
Кошман Сергій Олександрович,  
вул. Енгельса, 19, к. 409, м. Харків-12,  
61012 (UA),  
Горбенко Юрій Іванович,  
пр. Л. Свободи, 50-а, к. 68, м. Харків, 61204  
(UA)**
- (56) Перелік документів, взятих до уваги експертизою:  
SU 922731 A1, 23.04.1972  
UA 70442 U, 11.06.2012  
UA 91321 U, 25.06.2014  
UA 68803 U, 10.04.2012  
EP 1480119 A11, 24.11.2004  
US 6341299 B1, 22.02.2002  
US 4363106 A, 07.12.1982  
JPS 6089246 A, 20.05.1985  
RU 2509345 C1, 10.03.2014  
US 2011231465 A1, 22.09.2011  
US 2002120658 A1, 29.08.2009  
US 6366940 B1, 02.04.2002  
US 2006184600 A1, 17.08.2006

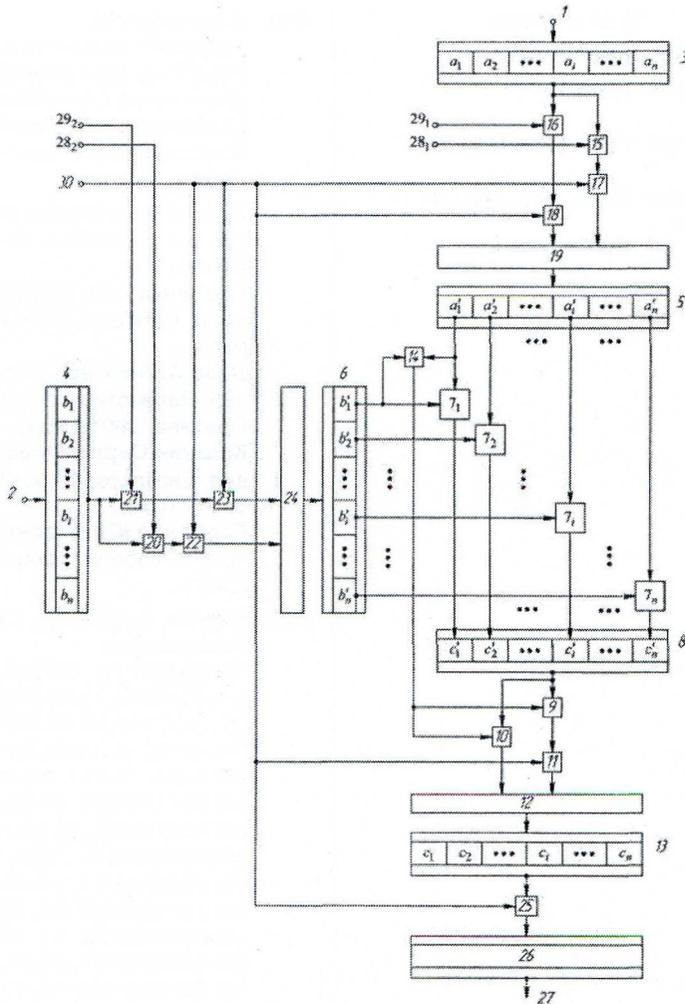
(54) ПРИСТРІЙ ДЛЯ РЕАЛІЗАЦІЇ ОПЕРАЦІЇ МОДУЛЬНОГО МНОЖЕННЯ ДВОХ ЧИСЕЛ, ЯКІ ПРЕДСТАВЛЕНІ У СИСТЕМІ ЗАЛИШКОВИХ КЛАСІВ

(57) Реферат:

Винахід належить до області обчислювальної техніки і призначений для модульного множення двох чисел, як в додатному, так і у від'ємному числових діапазонах, які представлені у непозиційній системі числення залишкових класів. Пристрій для реалізації операції модульного

UA 108828 C2

множення двох чисел, які представлені у системі залишкових класів містить перший та другий вхідні прийомні регістри, вихідний прийомний регістр, регістр результату операції, суматор за модулем два, першу групу елементів АБО, групу з n пристроїв для множення двох лишків  $a_i$  та  $b_i$  чисел  $A'_{СЗК}$  та  $B'_{СЗК}$  за відповідними модулями, першу групу елементів І, групу вентилів, перший суматор за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , в який додатково введені перший та другий вхідні регістри, вихідний регістр, другу, третю, четверту та п'яту групи елементів І, другу та третю групи елементів АБО, другий, третій, четвертий, п'ятий та шостий суматори за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ . Технічним результатом, що досягається даним винаходом є розширення функціональних можливостей пристрою множення за рахунок виконання додаткових операції перетворення чисел представлених безпосередньо у СЗК, у числа представлені у штучній формі СЗК.



Фиг. 1

Винахід (пристрій) належить до області обчислювальної техніки і призначено для модульного множення двох чисел, як в додатному, так і у від'ємному числових діапазонах, які представлені у непозиційній системі числення залишкових класів (СЗК).

Відомий пристрій (аналог) для множення по довільному модулю  $m_i$  КЛ (А.с. СРСР № 922731, кл. МПК G06F 7/39, Б В. № 15, 1982 р.), що містить вхідні регістри, дешифратори, групи елементів АБО, групи елементів І, суматор по модулю два, елементи І та АБО, комутатор та вихідний регістр.

Недоліком відомого пристрою є низькі функціональні можливості, які полягають в тому, що у даному пристрою неможливо реалізувати операцію перетворення чисел  $A_{СЗК} = (a_1, a_2, \dots, a_1, \dots, a_n)$  і  $B_{СЗК} = (b_1, b_2, \dots, b_1, \dots, b_n)$ , представлених у СЗК, у числа  $A'_{СЗК} = (a'_1, a'_2, \dots, a'_1, \dots, a'_n)$  і  $B'_{СЗК} = (b'_1, b'_2, \dots, b'_1, \dots, b'_n)$ , що представлені у штучній формі (ШФ) СЗК та навпаки.

Відомий пристрій (аналог) для множення по довільному модулю  $m_i$  КЛ є пристрій для множення по довільному модулю (Пат. № 60078, Україна, МПК (2011.01) G 06 F 7/00. Опубл. 10.06.2011., Б В. № 11). Він містить вхідні регістри, дешифратори, групи елементів АБО, групи елементів І, суматор по модулю два, елементи І та АБО, комутатор та вихідний регістр.

Недоліком відомого пристрою є низькі функціональні можливості, які полягають в тому, що у даному пристрою неможливо реалізувати операцію перетворення чисел  $A_{СЗК} = (a_1, a_2, \dots, a_1, \dots, a_n)$  і  $B_{СЗК} = (b_1, b_2, \dots, b_1, \dots, b_n)$ , представлених у СЗК, у числа  $A'_{СЗК} = (a'_1, a'_2, \dots, a'_1, \dots, a'_n)$  і  $B'_{СЗК} = (b'_1, b'_2, \dots, b'_1, \dots, b'_n)$ , що представлені у ШФ СЗК і навпаки.

Відомий пристрій (аналог) - табличний пристрій для множення двох чисел у КЛ (Пат. № 70442 Україна, МПК G06F 7/52. Б В № 11 від 11.06.2012 р. (2006.01)). Табличний пристрій для множення двох чисел у класі лишків, якій містить перший та другий входи пристрою, перший та другий вхідні регістри, суматор за модулем два, групу елементів АБО, вихідний регістр, вихід пристрою, при цьому перший та другий входи пристрою підключено до входів відповідно першого та другого вхідних регістрів, а вихід вихідного регістру є виходом пристрою.

Недоліком аналогу є низькі функціональні можливості, які полягають в тому, що у даному пристрою неможливо реалізувати операцію перетворення чисел  $A_{СЗК} = (a_1, a_2, \dots, a_1, \dots, a_n)$  і  $B_{СЗК} = (b_1, b_2, \dots, b_1, \dots, b_n)$ , представлених у СЗК, у числа  $A'_{СЗК} = (a'_1, a'_2, \dots, a'_1, \dots, a'_n)$  і  $B'_{СЗК} = (b'_1, b'_2, \dots, b'_1, \dots, b'_n)$ , що представлені у ШФ СЗК і навпаки.

Найбільш близьким аналогом (прототипом) за технічною суттю і результатом, що досягається, є пристрій для реалізації операції множення двох чисел у класі лишків (Деклараційний патент на корисну модель № 91321 Україна, МПК G06F 7/52. Б В № 12 від 25.06.2014 р. (2006.01)). Пристрій містить перший та другий входи пристрою, перший та другий вхідні регістри, суматор за модулем два, групу елементів АБО, вихідний регістр, вихід пристрою, групу  $n$  пристроїв для множення двох лишків  $a_i$  та  $b_i$  чисел  $A'$  та  $B'$  за модулями  $m_i$  ( $i = \overline{1, n}; n$  - кількість модулів КЛ), прийомний регістр, групу елементів І, групу вентилів, суматор за

модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ . При цьому перший та другий входи пристрою підключено до входів відповідно першого та другого вхідних регістрів, а вихід вихідного регістру є виходом пристрою.

Виходи  $i-x$  ( $i = \overline{1, n}$ ) підрегистрів першого та другого вхідних регістрів підключено до входів  $i$ -го пристрою для множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  відповідно чисел  $A$  та  $B$  за модулем  $m_i$  КЛ, виходи групи пристроїв множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  за модулями  $m_i$  підключено до входів відповідних  $i-x$  під регистрів прийомного регістру, вихід якого підключено до перших входів елементів І та вентильних елементів груп. Виходи елементів І групи підключено до перших входів суматора за

модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого підключена шина подачі значення  $\frac{M}{2}$ , виходи суматора за модулем  $M$  і вентильних елементів групи через елементи АБО групи підключено до

входу вихідного регістру, виходи перших (за модулем  $m_i$  КЛ) підрегистрів вхідних регістрів підключено до входів суматора за модулем два, вихід якого підключено до других входів елементів І групи та до других (заборонених) входів вентильних елементів групи.

Недоліком прототипу є низькі функціональні можливості, які полягають в тому, що у даному пристрою неможливо реалізувати операцію перетворення чисел  $A_{СЗК} = (a_1, a_2, \dots, a_1, \dots, a_n)$  і

$V_{C3K} = (b_1, b_2, \dots, b_i, \dots, b_n)$ , представлених у СЗК, у числа  $A' = (a'_1, a'_2, \dots, a'_i, \dots, a'_n)$  і  $B' = (b'_1, b'_2, \dots, b'_i, \dots, b'_n)$ , що представлені у ШФ СЗК і навпаки. Дана обставина не дозволяє, коли є необхідність, безпосередньо контролювати та коректувати дані, що представлено у вигляді чисел  $A_{C3K} = (a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$  і  $V_{C3K} = (b_1, b_2, \dots, b_i, \dots, b_n)$ , а також результат

5  $C_{C3K} = (c_1, c_2, \dots, c_i, \dots, c_n)$  операції модульного множення цих двох чисел  $A_{C3K} = (a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$  і  $V_{C3K} = (b_1, b_2, \dots, b_i, \dots, b_n)$ .

В основу винаходу поставлено задачу розширення функціональних можливостей пристрою-прототипу за рахунок виконання додаткової операції перетворення чисел

10  $A_{C3K} = (a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$  і  $V_{C3K} = (b_1, b_2, \dots, b_i, \dots, b_n)$ , представлених безпосередньо у СЗК, у числа  $A'_{C3K} = (a'_1, a'_2, \dots, a'_i, \dots, a'_n)$  і  $B'_{C3K} = (b'_1, b'_2, \dots, b'_i, \dots, b'_n)$ , що представлені у ШФ СЗК і навпаки. Це дає можливість, при необхідності, безпосередньо контролювати та коректувати дані, що представлено у вигляді чисел  $A_{C3K} = (a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$ ,  $V_{C3K} = (b_1, b_2, \dots, b_i, \dots, b_n)$ ,  $A'_{C3K} = (a'_1, a'_2, \dots, a'_i, \dots, a'_n)$ ,  $B'_{C3K} = (b'_1, b'_2, \dots, b'_i, \dots, b'_n)$  і  $C_{C3K} = (c_1, c_2, \dots, c_i, \dots, c_n)$ .

15 Поставлена задача вирішується тим, що пристрій для реалізації операції модульного множення двох чисел, які представлені у системі залишкових класів, містить перший та другий вхідні прийомні реєстри, вихідний прийомний реєстр, реєстр результату операції, суматор за модулем два, першу групу елементів АБО, групу з  $n$  пристроїв для множення  $c_i = (a'_i \cdot b'_i) \bmod m_i$  двох лишків  $a'_i$  та  $b'_i$  чисел  $A'_{C3K}$  та  $B'_{C3K}$  за модулями  $m_i$  ( $i = \overline{1, n}$ ;  $n$  - кількість модулів СЗК),

першу групу елементів І, першу групу вентилів, перший суматор за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ . При

20 цьому виходи  $i$ -х ( $i = \overline{1, n}$ ) підреєстрів першого та другого вхідних прийомних реєстрів підключено до входів  $i$ -го пристрою для множення лишків  $a'_i$  та  $b'_i$ , відповідно чисел  $A'_{C3K}$  та  $B'_{C3K}$ , за модулем  $m_i$  СЗК, виходи групи пристроїв множення лишків  $a'_i$  та  $b'_i$  за модулями  $m_i$  підключено до входів відповідних  $i$ -х підреєстрів вихідного прийомного реєстру, вихід якого підключено до перших входів елементів І першої групи та вентильних елементів першої групи, виходи

25 елементів І першої групи підключено до перших входів суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до

других входів якого підключена шина подачі значення  $\frac{M}{2}$ . Виходи суматора за модулем

$M = \prod_{i=1}^n m_i$  і вентильних елементів першої групи через елементи АБО першої групи підключено

30 до входу реєстру результату операції, виходи перших (за модулем  $m_1$  КЛ) підреєстрів вхідних прийомних реєстрів підключено до входів суматора за модулем два, вихід якого підключено до других входів елементів І першої групи та до других (заборонених) входів вентильних елементів першої групи. При цьому пристрій додатково містить перший та другий вхідні реєстри, вихідний реєстр, другу, третю, четверту та п'яту групи елементів І, другу та третю групи елементів АБО,

другий, третій, четвертий, п'ятий та шостий суматори за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ . Перший вхід

35 пристрою підключено до входу першого вхідного реєстру, вихід якого підключено до перших входів елементів І другої та третьої груп, виходи яких підключено до перших входів відповідно

другого та третього суматорів за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , виходи яких через елементи АБО другої

групи підключено до входу першого вхідного прийомного реєстру, другий вхід пристрою підключено до входу другого вхідного реєстру, вихід якого підключено до перших входів елементів І четвертої та п'ятої груп, виходи яких підключено до перших входів відповідно

40 четвертого та п'ятого суматорів за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , виходи яких через елементи АБО третьої групи підключено до входу другого вхідного прийомного реєстру. Вихід реєстру результату

операції підключено до перших входів шостого суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , вихід якого

підключено до входу вихідного регістру, вихід якого є виходом пристрою, перша шина подачі сигналу ознаки "ДОДАВАННЯ 1" підключена до других входів елементів I другої групи, а друга шина подачі сигналу ознаки "ДОДАВАННЯ 2" підключена до других входів елементів I четвертої

5 групи, перша шина подачі сигналу ознаки "ВІДНІМАННЯ 1" підключена до других входів елементів I третьої групи, а друга шина подачі сигналу ознаки "ВІДНІМАННЯ 2" підключена до других входів елементів I п'ятої групи, шина подачі значення  $\frac{M}{2}$  підключена до других входів

другого, третього, четвертого, п'ятого та шостого суматорів за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ .

10 Введення вказаних ознак дозволяє розширити функціональні можливості пристрою-прототипу за рахунок виконання додаткової операції перетворення чисел  $A_{CЗК} = (a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$  і  $B_{CЗК} = (b_1, b_2, \dots, b_i, \dots, b_n)$ , представлених безпосередньо у СЗК, у числа  $A'_{CЗК} = (a'_1, a'_2, \dots, a'_i, \dots, a'_n)$  і  $B'_{CЗК} = (b'_1, b'_2, \dots, b'_i, \dots, b'_n)$ , що представлені у ШФ СЗК. Це дає можливість, при необхідності, безпосередньо контролювати та коректувати дані, що представлено у вигляді чисел  $A'_{CЗК} = (a'_1, a'_2, \dots, a'_i, \dots, a'_n)$  і  $B'_{CЗК} = (b'_1, b'_2, \dots, b'_i, \dots, b'_n)$  і

15  $C'_{CЗК} = (c'_1, c'_2, \dots, c'_i, \dots, c'_n)$ .

У запропонованому пристрою процес виконання операції множення у СЗК, як у додатному, так і у від'ємному числових діапазонах, здійснюється над вхідними числами  $A_{CЗК} = (a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$  і  $B_{CЗК} = (b_1, b_2, \dots, b_i, \dots, b_n)$ , що представлені у ШФ, тобто у вигляді  $A'_{CЗК} = (a'_1, a'_2, \dots, a'_i, \dots, a'_n)$  і  $B'_{CЗК} = (b'_1, b'_2, \dots, b'_i, \dots, b'_n)$ . Штучна форма чисел  $A_{CЗК}$  та  $B_{CЗК}$ , що

20 представлені у СЗК, визначається наступним чином

$$\begin{cases} A'_{CЗК}(B_{CЗК}) = \frac{M}{2} + |A_{CЗК}|(|B_{CЗК}|), \text{ якщо } A_{CЗК}(B_{CЗК}) \geq 0, \\ A'_{CЗК}(B_{CЗК}) = \frac{M}{2} - |A_{CЗК}|(|B_{CЗК}|), \text{ якщо } A_{CЗК}(B_{CЗК}) < 0, \end{cases} \quad (1)$$

тобто, для додатних чисел  $A'_{CЗК} = \frac{M}{2} + |A_{CЗК}|$ , а для від'ємних -  $A'_{CЗК} = \frac{M}{2} - |A_{CЗК}|$ , де

$$M = \prod_{i=1}^n m_i.$$

25 У цьому випадку, для  $m_1 = 2$ , алгоритм виконання операції множення у СЗК як у додатному, так і у від'ємному числових діапазонах, представлено у вигляді

$$(A_{CЗК} \cdot B_{CЗК})' = f(A'_{CЗК}, B'_{CЗК}) = \begin{cases} A'_{CЗК} \cdot B'_{CЗК}, \text{ якщо } A'_{CЗК} \text{ і } B'_{CЗК} \text{ однакової парності,} \\ A'_{CЗК} \cdot B'_{CЗК} + \frac{M}{2}, \text{ якщо } A'_{CЗК} \text{ і } B'_{CЗК} \text{ різної парності.} \end{cases} \quad (2)$$

На малюнку (фіг. 1) представлена блок-схема пристрою для реалізації операції модульного множення двох чисел, які представлені у системі залишкових класів.

30 На малюнку (фіг. 2) представлена блок-схема пристрою для реалізації операції модульного множення двох чисел, які представлені у системі залишкових класів, що задана основами  $m_1 = 2$ ,  $m_2 = 3$ ,  $m_3 = 5$ .

В таблиці 1 представлено кодові слова для СЗК, що задана основами  $m_1 = 2$ ,  $m_2 = 3$ ,  $m_3 = 5$ .

35 На фіг. 1 представлена блок-схема пристрою для реалізації операції модульного множення двох чисел, які представлені у системі залишкових класів, де: 1, 2 - перший та другий входи пристрою; 3, 4 - перший та другий вхідні регістри; 5, 6 - перший та другий вхідні прийомні регістри; 7<sub>1</sub>-7<sub>n</sub> група пристроїв множення  $c'_i = (a'_i \cdot b'_i) \bmod m_i$  лишків  $a'_i$  та  $b'_i$  за модулями  $m_i$ ,  $i = (\overline{1, n})$ ; 8 - вихідний прийомний регістр; 9 - перша група елементів I; 10 - група вентильних

елементів; 11 - перший суматор за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , 12 - перша група елементів АБО; 13 -

40 регістр результату операції; 14 - суматор за модулем два; 15, 16 - друга та третя групи

елементів І; 17, 18 - другий та третій суматори за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ ; 19 - друга група елементів АБО; 20, 21 - четверта та п'ята групи елементів І; 22, 23 - четвертий та п'ятий суматори за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ ; 24 - третя група елементів АБО; 25 - шостий суматор за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ ; 26 - вихідний регістр;

5

Таблиця 1

Кодові слова у СЗК

A (B) у ПСЧ	A' (B') у ПСЧ	A'_{СЗК} (B'_{СЗК}) у СЗК		
		m <sub>1</sub> = 2	m <sub>2</sub> = 3	m <sub>3</sub> = 5
-15	0	0	0	0
-14	1	1	1	1
-13	2	0	2	2
-12	3	1	0	3
-11	4	0	1	4
-10	5	1	2	0
-9	6	0	0	1
-8	7	1	1	2
-7	8	0	2	3
-6	9	1	0	4
-5	10	0	1	0
-4	11	1	2	1
-3	12	0	0	2
-2	13	1	1	3
-1	14	0	2	4
0	15	1	0	0
1	16	0	1	1
2	17	1	2	2
3	18	0	0	3
4	19	1	1	4
5	20	0	2	0
6	21	1	0	1
7	22	0	1	2
8	23	1	2	3
9	24	0	0	4
10	25	1	1	0
11	26	0	2	1
12	27	1	0	2
13	28	0	1	3
14	29	1	2	4

В таблиці 2 представлено алгоритм функціонування суматора за модулем два

Таблиця 2

Алгоритм функціонування суматора 14

Входи суматора 14		Виходи суматора 14 (a <sub>1</sub> ' + b <sub>1</sub> ') mod 2
a <sub>1</sub> '	b <sub>1</sub> '	
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

27 - вихід регістра; 28<sub>1</sub>, 28<sub>2</sub> - шини подачі сигналу ознаки відповідно "ДОДАВАННЯ 1" та "ДОДАВАННЯ 2"; 29<sub>1</sub>, 29<sub>2</sub> - шини подачі сигналу ознаки відповідно "ВІДНІМАННЯ 1" та "ВІДНІМАННЯ 2"; 30 - шина подачі значення  $\frac{M}{2}$ .

Перший 1 та другий 2 входи пристрою підключено до входів відповідно першого 3 та другого 4 вхідних регістрів. Виходи  $i$ -х ( $i = \overline{1, n}$ ) підрегістрів першого 5 та другого 6 вхідних прийомних регістрів підключено до входів  $i$ -го пристрою 7<sub>1</sub>-7<sub>n</sub> для множення лишків  $a_i$  та  $b_i$ . Виходи групи 7<sub>1</sub>-7<sub>n</sub> пристроїв множення лишків  $a_i$  та  $b_i$  за модулями  $m_i$  підключено до входів відповідних  $i$ -х підрегістрів вихідного прийомного регістру 8, вихід якого підключено до перших входів елементів I першої 9 групи та до перших (інформаційних) входів вентиляльних елементів групи 10. Виходи елементів I першої 9 групи підключено до перших входів першого 11 суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , а виходи першого 11 суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$  і вентиляльних елементів групи 10 через елементи АБО першої 12 групи підключено до входу регістру 13 результату операції. Виходи перших (за модулем  $m_1$  СЗК) підрегістрів вхідних прийомних регістрів 5 і 6 підключено до входів суматора 14 за модулем два, вихід якого підключено до других входів елементів I першої 9 групи та до других (заборонених) входів вентиляльних елементів групи 10. Вихід першого 3 вхідного регістру підключено до перших входів елементів I другої 15 та третьої 16 груп, виходи яких підключено до перших входів відповідно другого 17 та третього 18 суматорів за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , виходи яких, через елементи АБО другої 19 групи підключено до входу першого 5 вхідного прийомного регістру. Вихід другого 4 вхідного регістру підключено до перших входів елементів I четвертої 20 та п'ятої 21 груп, виходи яких підключено до перших входів відповідно четвертого 22 та п'ятого 23 суматорів за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , виходи яких через елементи АБО третьої 24 групи підключено до входу другого 6 вхідного прийомного регістру. Вихід регістру 13 результату операції підключено до перших входів шостого 25 суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , вихід якого підключено до входу вихідного 26 регістру, вихід 27 якого є виходом пристрою. Перша 28<sub>1</sub> шина подачі сигналу ознаки "ДОДАВАННЯ 1" підключена до других входів елементів I другої 15 групи, а друга 28<sub>2</sub> шина подачі сигналу ознаки "ДОДАВАННЯ 2" підключена до других входів елементів I четвертої 20 групи. Перша 29<sub>1</sub> шина подачі сигналу ознаки "ВІДНІМАННЯ 1" підключена до других входів елементів I третьої 16 групи, а друга 29<sub>2</sub> шина подачі сигналу ознаки "ВІДНІМАННЯ 2" підключена до других входів елементів I, а п'ятої 21 групи. Шина 30 подачі значення  $\frac{M}{2}$  підключена до других входів першого 11, другого 17, третього 18, четвертого 22, п'ятого 23 та шостого 25 суматорів за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ .

Пристрій функціонує наступним чином (фіг. 1). За першим 1 та другим 2 входами пристрою до першого 3 та другого 4 вхідних регістрів поступають значення чисел  $A_{СЗК} = (a_1, a_2, \dots, a_1, \dots, a_n)$  і  $B_{СЗК} = (b_1, b_2, \dots, b_1, \dots, b_n)$  у КЛ. У відповідності зі співвідношенням (1) маємо, що коли  $A_{СЗК}(B_{СЗК}) \geq 0$ , тоді відкриті елементи I груп 15 і 20 (присутній сигнал шин 28<sub>1</sub> і 28<sub>2</sub>). На виході суматорів 17 і 22 маємо  $A'_{СЗК}(B'_{СЗК}) = \frac{M}{2} + |A_{СЗК}|(|B_{СЗК}|)$  (присутній сигнал шини 30). Якщо  $A_{СЗК}(B_{СЗК}) < 0$  тоді відкриті елементи I груп 16 і 21 (присутній сигнал шин 29<sub>1</sub> і 29<sub>2</sub>). На виході суматорів 18 і 21 маємо, що  $A'_{СЗК}(B'_{СЗК}) = \frac{M}{2} - |A_{СЗК}|(|B_{СЗК}|)$  (присутній сигнал шини 30). В цьому випадку до регістрів 5 і 6, через відповідні групи 19 і 24, поступає значення  $A'_{СЗК} = (a'_1, a'_2, \dots, a'_1, \dots, a'_n)$  і  $B'_{СЗК} = (b'_1, b'_2, \dots, b'_1, \dots, b'_n)$ . З виходу регістрів 5 і 6 пара лишків  $a_i$  та  $b_i$  поступає до входів відповідного  $i$ -го пристрою 7<sub>i</sub> для множення  $c' = (a_i \cdot b_i) \bmod m_i$ , лишків  $a_i$  та  $b_i$ , відповідно чисел  $A'_{СЗК} = (a'_1, a'_2, \dots, a'_1, \dots, a'_n)$  і  $B'_{СЗК} = (b'_1, b'_2, \dots, b'_1, \dots, b'_n)$ , за модулем  $m_i$  КЛ. З

- виходу пристрою 7<sub>i</sub> для множення лишків a<sub>i</sub><sup>'</sup> та b<sub>i</sub><sup>'</sup> значення c<sup>'</sup> = (a<sub>i</sub><sup>'</sup> · b<sub>i</sub><sup>'</sup>) mod m<sub>i</sub>, поступає до входу i-го підрегистру прийомного регістру 8, з виходу якого значення C<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = A<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> · B<sub>СЗК</sub><sup>'</sup>, тобто
- 5 C<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = (c<sub>1</sub><sup>'</sup>, c<sub>2</sub><sup>'</sup>, ..., c<sub>i</sub><sup>'</sup>, ..., c<sub>n</sub><sup>'</sup>) = (a<sub>1</sub><sup>'</sup>, a<sub>2</sub><sup>'</sup>, ..., a<sub>i</sub><sup>'</sup>, ..., a<sub>n</sub><sup>'</sup>) · (b<sub>1</sub><sup>'</sup>, b<sub>2</sub><sup>'</sup>, ..., b<sub>i</sub><sup>'</sup>, ..., b<sub>n</sub><sup>'</sup>), поступає до перших входів елементів I 9 та вентиляльних елементів 10 груп, до других входів яких, з виходу суматора 14 за модулем два, поступає значення (a<sub>i</sub><sup>'</sup> + b<sub>i</sub><sup>'</sup>) mod 2 (табл. 2). Якщо (a<sub>i</sub><sup>'</sup> + b<sub>i</sub><sup>'</sup>) mod 2 = 1 (присутній вихідний сигнал суматора 14), тоді через відкриті елементи I 9 першої групи значення
- C<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = (c<sub>1</sub><sup>'</sup>, c<sub>2</sub><sup>'</sup>, ..., c<sub>i</sub><sup>'</sup>, ..., c<sub>n</sub><sup>'</sup>) поступає до перших входів першого суматора 11 за модулем M = ∏<sub>i=1</sub><sup>n</sup> m<sub>i</sub>, на другі входи якого за шиною 30 поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З виходу суматора 11 значення
- C<sub>РСЗК</sub><sup>'</sup> = (C<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> +  $\frac{M}{2}$ ) mod M через елементи АБО першої групи 12 поступає до входу регістру 13
- 10 результату операції. Якщо (a<sub>i</sub><sup>'</sup> + b<sub>i</sub><sup>'</sup>) mod 2 = 0 (відсутній вихідний сигнал суматора 14), тоді через відкриті вентиляльні елементи групи 10 (відсутній сигнал заборони) значення C<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = (c<sub>1</sub><sup>'</sup>, c<sub>2</sub><sup>'</sup>, ..., c<sub>i</sub><sup>'</sup>, ..., c<sub>n</sub><sup>'</sup>) через елементи АБО першої групи 12 поступає до входу регістру 13 результату операції (див. співвідношення (2)). З виходу регістру 13 результату операції поступає до перших входів шостого 25 суматора за модулем M = ∏<sub>i=1</sub><sup>n</sup> m<sub>i</sub>, до других входів якого за шиною
- 15 30 поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З виходу шостого 25 суматора за модулем M = ∏<sub>i=1</sub><sup>n</sup> m<sub>i</sub>, до входу вихідного регістру 26 поступає M результат C<sub>РСЗК</sub><sup>'</sup> = (C<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> +  $\frac{M}{2}$ ) mod M операції множення двох чисел A<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = (a<sub>1</sub>, a<sub>2</sub>, ..., a<sub>i</sub>, ..., a<sub>n</sub>) і B<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = (b<sub>1</sub>, b<sub>2</sub>, ..., b<sub>i</sub>, ..., b<sub>n</sub>) у СЗК.
- Розглянемо процес функціонування запропонованого винаходу для СЗК, що задана основами m<sub>1</sub> = 2, m<sub>2</sub> = 3, m<sub>3</sub> = 5 (див. фіг. 2, табл. 1, 2). При цьому: M = 30;  $\frac{M}{2}$  = 15; у даній
- 20 СЗК значення  $\frac{M}{2}$  = 15 дорівнює (1||0||0).
- Приклад 1. Треба провести операцію модульного множення двох чисел A<sub>ПСЧ</sub> = 3, B<sub>ПСЧ</sub> = 4, що задано у СЗК у наступному вигляді A<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = (1||0||3) і B<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = (0||1||4). В цьому випадку присутні сигнали шин 28<sub>1</sub> і 28<sub>2</sub>. За входами 1 і 2 пристрою в регістри 3 і 4 відповідно поступають числа A<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = (1||0||3) і B<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = (0||1||4). Значення A<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = (1||0||3) через відкриті елементи I другої 15
- 25 групи поступає до перших входів другого 17 суматора за модулем M = ∏<sub>i=1</sub><sup>n</sup> m<sub>i</sub>, до других входів якого за шиною 30 поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З виходу суматора 17, через елементи АБО другої 19 групи, значення A<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> =  $\frac{M}{2}$  + A<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = (1||0||0) + (1||0||3) = (0||0||3) поступає до входу регістру 5. Значення B<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = (0||1||4) через відкриті елементи I четвертої 20 групи поступає до перших входів четвертого 22 суматора за модулем M = ∏<sub>i=1</sub><sup>n</sup> m<sub>i</sub>, до других входів якого за шиною 30
- 30 поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З виходу суматора 22, через елементи АБО третьої 24 групи, значення B<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> =  $\frac{M}{2}$  + B<sub>СЗК</sub><sup>'</sup> = (1||0||0) + (0||1||4) = (1||1||4) поступає до входу регістру 6. Значення підрегистрів регистрів 5 і 6 поступають на відповідні пристрої 7<sub>1÷7<sub>3</sub></sub> для множення двох лишків a<sub>i</sub><sup>'</sup> та b<sub>i</sub><sup>'</sup>. На виходах групи 7<sub>1÷7<sub>3</sub></sub> пристроїв множення отримуємо наступні значення: 7<sub>1</sub> - (0·1) mod 2 = 0; 7<sub>2</sub> - (0·1) mod 3 = 0 і 7<sub>3</sub> - (3·4) mod 5 = 2. Таким чином до входу регістру 8 поступає значення

$C'_{СЗК} = (0\|0\|2)$  результату множення двох чисел  $A'_{СЗК} = (0\|0\|3)$  і  $B'_{СЗК} = (1\|1\|4)$ , що представлено у ШФ СЗК. Так як  $(a'_i + b'_i) \bmod 2 = (0 + 1) \bmod 2 = 1$  (табл. 2), тоді вихідний сигнал суматора 14 відкриває елементи I групи 9 (вентильні елементи групи 10 закриті). У цьому випадку з регістру 8 значення  $C'_{СЗК} = (0\|0\|2)$  через відкриті елементи I першої групи 9 поступає

5 до перших входів першого суматора 11 за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого за шиною

30 поступає значення  $\frac{M}{2} = (1\|0\|0)$ . З виходу суматора 11 результат множення двох чисел

$A'_{СЗК} = (0\|0\|3)$  і  $B'_{СЗК} = (1\|1\|4)$ , представлений у вигляді

$C'_{РСЗК} = \left( C'_{СЗК} + \frac{M}{2} \right) = (0\|0\|2) + (1\|0\|0) = (1\|0\|2)$ , через елементи АБО першої 12 групи поступає

10 до входу регістра 13, з виходу якого він поступає до перших входів шостого 25 суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого за шиною 30 поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З виходу

суматора 25 результат  $C'_{РСЗК} = \left( C'_{РСЗК} + \frac{M}{2} \right) = (1\|0\|2) + (1\|0\|0) = (0\|0\|2)$  модульного множення

двох чисел у СЗК  $A_{СЗК} = (1\|0\|3)$  і  $B_{СЗК} = (0\|1\|4)$  поступає до входу вихідного 26 регістру. У ПСЧ значення  $(0\|0\|2)$  дорівнює 12.

15 Перевірка. Зробимо перевірку правильності отриманого результату  $C'_{РСЗК} = (1\|0\|2)$  множення двох чисел  $A'_{СЗК} = (0\|0\|3)$  (у ПСЧ  $A'_{ПСЧ} = 18$  і  $A_{ПСЧ} = 3$ ) та  $B'_{СЗК} = (1\|1\|4)$  (у ПСЧ  $B'_{ПСЧ} = 19$  і  $B_{ПСЧ} = 4$ ) у ШФ СЗК. Результат  $C'_{РСЗК} = (0\|0\|2)$  множення у СЗК двох чисел  $A_{СЗК} = (1\|0\|3)$  і  $B_{СЗК} = (0\|1\|4)$  у ПСЧ дорівнює значенню 12. У відповідності з ознакою ШФ чисел у КП для перевірки отриманого результату маємо наступну умову, що представлена рівнянням:

20 
$$(A_{ПСЧ} \cdot B_{ПСЧ})' = \left[ \frac{M}{2} + (A_{ПСЧ} \cdot B_{ПСЧ}) \right] \bmod M = C'_{РСЗК} \text{ або}$$

$$(A_{ПСЧ} \cdot B_{ПСЧ})' = [15 + (A_{ПСЧ} \cdot B_{ПСЧ})] \bmod 30 = C'_{РСЗК}$$

Таким чином маємо  $(3 \cdot 4)' = 15 + (3 \cdot 4) = 27 = C'_{РСЗК}$ . Значення добутку чисел  $A_{ПСЧ} = 3$  і  $B_{ПСЧ} = 4$  дорівнює 12, що відповідає значенню 27 у ШФ СЗК (див. табл. 1).

25 Приклад 2. Треба провести операцію модульного множення двох чисел  $A_{ПСЧ} = -3$ ,  $B_{ПСЧ} = -4$ , (у СЗК  $A_{СЗК} = (1\|0\|3)$  і  $B_{СЗК} = (0\|1\|4)$ ). В цьому випадку присутні сигнали шин 29<sub>1</sub> і 29<sub>2</sub>. За входами 1 і 2 пристрою в регістри 3 і 4 відповідно поступають числа  $A_{СЗК} = (1\|0\|3)$  і  $B_{СЗК} = (0\|1\|4)$ . Значення  $A_{СЗК} = (1\|0\|3)$  через відкриті елементи I третьої 16 групи поступає до перших входів третього 18 суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого за шиною 30

поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З виходу суматора 18, через елементи АБО другої 19 групи, значення

30  $A'_{СЗК} = \frac{M}{2} - A_{СЗК} = (1\|0\|0) - (1\|0\|3) = (0\|0\|2)$  поступає до входу регістру 5. Значення

$B'_{СЗК} = (0\|1\|4)$  через відкриті елементи I п'ятої 21 групи поступає до перших входів п'ятого 23

суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого за шиною 30 поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З

виходу п'ятого 23 суматора, через елементи АБО третьої 24 групи, значення

35  $B'_{СЗК} = \frac{M}{2} - B_{СЗК} = (1\|0\|0) - (0\|1\|4) = (1\|2\|1)$  поступає до входу регістру 6. Значення підрегістрів

регістрів 5 і 6 поступають на відповідні пристрої 7<sub>1÷7</sub> для множення двох лишків  $a'_i$  та  $b'_i$ . З

- виходів групи  $7_1 \div 7_3$  пристроїв множення отримуємо наступні значення:  $7_1 - (0 \cdot 1) \bmod 2 = 0$ ;  $7_2 - (0 \cdot 2) \bmod 3 = 0$  і  $7_3 - (2 \cdot 1) \bmod 5 = 2$ . Таким чином до входу регістру 8 поступає значення  $C'_{СЗК} = (0 \parallel 0 \parallel 2)$ . Так, як  $(a'_1 + b'_1) \bmod 2 = (0 + 1) \bmod 2 = 1$ , тоді вихідний сигнал суматора 14 присутній. Він відкриває елементи I першої 9 групи, через які значення  $C'_{СЗК} = (0 \parallel 0 \parallel 2)$  поступає до перших входів суматора 11, до других входів якого за шиною 30 поступає значення  $\frac{M}{2} = (1 \parallel 0 \parallel 0)$ . З виходу суматора 11 значення  $C'_{PCЗК} = \left( C'_{СЗК} + \frac{M}{2} \right) = (0 \parallel 0 \parallel 2) + (1 \parallel 0 \parallel 0) = (1 \parallel 0 \parallel 2)$  через елементи АБО першої 12 групи поступає до входу регістра 13, з виходу якого він поступає до перших входів шостого 25 суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого за шиною 30 поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З виходу суматора 25 результат
- 10  $C'_{PCЗК} = \left( C'_{PCЗК} + \frac{M}{2} \right) = (1 \parallel 0 \parallel 2) + (1 \parallel 0 \parallel 0) = (0 \parallel 0 \parallel 2)$  модульного множення двох чисел у СЗК поступає до входу вихідного 26 регістру. (Результат значення  $C'_{PCЗК} = (1 \parallel 0 \parallel 2)$  у ПСЧ дорівнює 27).
- Перевірка.  $[(-3) \cdot (-4)] = 15 + (-3) \cdot (-4) = 15 + 12 = 27 = C'_{PCЗК}$ . Значення добутку чисел  $A_{ПСЧ} = -3$  і  $B_{ПСЧ} = -4$  дорівнює 12, що відповідає значенню 27 у ШФ СЗК (див. табл. 1).
- 15 **Приклад 3.** Треба провести операцію модульного множення двох чисел  $A_{ПСЧ} = 3$ ,  $B_{ПСЧ} = -4$  (у СЗК  $A_{СЗК} = (1 \parallel 0 \parallel 3)$  і  $B_{СЗК} = (0 \parallel 1 \parallel 4)$ ). В цьому випадку присутні сигнали шин 28<sub>1</sub> і 29<sub>2</sub>. За входами 1 і 2 пристрою в регістри 3 і 4 відповідно поступають числа  $A_{СЗК} = (1 \parallel 0 \parallel 3)$  і  $B_{СЗК} = (0 \parallel 1 \parallel 4)$ . Значення  $A_{СЗК} = (1 \parallel 0 \parallel 3)$  через відкриті елементи I другої 15 групи поступає до перших входів другого 17 суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого за шиною 30
- 20 поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З виходу суматора 17, через елементи АБО другої 19 групи, значення  $A'_{СЗК} = \frac{M}{2} + A_{СЗК} = (1 \parallel 0 \parallel 0) - (1 \parallel 0 \parallel 3) = (0 \parallel 0 \parallel 3)$  поступає до входу регістру 5. Значення  $B_{СЗК} = (0 \parallel 1 \parallel 4)$  через відкриті елементи I п'ятої 21 групи поступає до перших входів п'ятого 23 суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого за шиною 30 поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З виходу п'ятого суматора 23, через елементи АБО третьої 24 групи, значення
- 25  $B'_{СЗК} = \frac{M}{2} - B_{СЗК} = (1 \parallel 0 \parallel 0) - (0 \parallel 1 \parallel 4) = (1 \parallel 2 \parallel 1)$  поступає до входу регістру 6. Значення підрегістрів регістрів 5 і 6 поступають на відповідні пристрої  $7_1 \div 7_3$  для множення двох лишків  $a'_i$  та  $b'_i$ . З виходів групи  $7_1 \div 7_3$  пристроїв множення отримуємо наступні значення:  $7_1 - (0 \cdot 1) \bmod 2 = 0$ ;  $7_2 - (0 \cdot 2) \bmod 3 = 0$  і  $7_3 - (3 \cdot 1) \bmod 5 = 2$ . Таким чином до входу регістру 8 поступає значення  $C'_{СЗК} = (0 \parallel 0 \parallel 3)$ . Так, як  $(a'_1 + b'_1) \bmod 2 = (0 + 1) \bmod 2 = 1$ , тоді вихідний сигнал суматора 14 присутній. Він відкриває елементи I першої 9 групи, через які значення  $C'_{СЗК} = (0 \parallel 0 \parallel 3)$  поступає до перших входів першого суматора 11, до других входів якого за шиною 30 поступає значення  $\frac{M}{2} = (1 \parallel 0 \parallel 0)$ . З виходу суматора 11 значення  $C'_{PCЗК} = \left( C'_{СЗК} + \frac{M}{2} \right) = (0 \parallel 0 \parallel 3) + (1 \parallel 0 \parallel 0) = (1 \parallel 0 \parallel 3)$  через елементи АБО першої 12 групи поступає до входу регістра 13, з виходу якого воно
- 30 поступає до перших входів шостого 25 суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого за шиною 30 поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З виходу суматора 25 результат

$C'_{PC3K} = \left( C'_{PC3K} + \frac{M}{2} \right) = (1\|0\|3) + (1\|0\|0) = (0\|0\|3)$  операції модульного множення двох чисел у СЗК поступає до входу вихідного 26 регістру (значення  $C'_{PC3K} = (1\|0\|3)$  у ПСЧ дорівнює 3).

Перевірка.  $[3 \cdot (-4)] = 15 + 3 \cdot (-4) = 15 - 12 = 3 = C'_{PC3K}$ . Значення добутку чисел  $A_{PC4} = 3$  і  $V_{PC4} = -4$  дорівнює -12, що відповідає значенню 3 у ПІФ СЗК (див. табл. 1).

5 Приклад 4. Треба провести операцію модульного множення двох чисел  $A_{PC4} = -3$ ,  $V_{PC4} = 4$  (у СЗК  $A_{C3K} = (1\|0\|3)$  і  $V_{C3K} = (0\|1\|4)$ ). В цьому випадку присутні сигнали шин 29<sub>1</sub> і 28<sub>2</sub>. За входами 1 і 2 пристрою в регістри 3 і 4 відповідно поступають числа  $A_{C3K} = (1\|0\|3)$  і  $V_{C3K} = (0\|1\|4)$ . Значення  $A_{C3K} = (1\|0\|3)$  через відкриті елементи I третьої 16 групи поступає до перших входів третього 18 суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого за шиною 30

10 поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З виходу суматора 18, через елементи АБО другої 19 групи, значення  $A_{K1} = \frac{M}{2} - A_{K1} = (1\|0\|0) - (1\|0\|3) = (0\|0\|2)$  поступає до входу регістру 5. Значення  $V_{C3K} = (0\|1\|4)$  через відкриті елементи I четвертої 20 групи поступає до перших входів четвертого 22 суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого за шиною 30 поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З виходу суматора 22, через елементи АБО третьої 24 групи, значення

15  $V'_{C3K} = \frac{M}{2} + V_{C3K} = (1\|0\|0) - (0\|1\|4) = (1\|1\|4)$  поступає до входу регістру 6. Значення підрегістрів регістрів 5 і 6 поступають на відповідні пристрої 7<sub>1÷7</sub> для множення двох лишків  $a'_i$  та  $b'_i$ . З виходів групи 7<sub>1÷7</sub> пристроїв множення отримуємо наступні значення:  $7_1 - (0 \cdot 1) \bmod 2 = 0$ ;  $7_2 - (0 \cdot 1) \bmod 3 = 0$  і  $7_3 - (2 \cdot 4) \bmod 5 = 2$ . Таким чином до входу регістру 8 поступає значення  $C'_{C3K} = (0\|0\|3)$ . Так, як  $(a'_1 + b'_1) \bmod 2 = (0 + 1) \bmod 2 = 1$ , тоді вихідний сигнал суматора 14

20 присутній. Він відкриває елементи I першої 9 групи, через які значення  $C'_{C3K} = (0\|0\|3)$  поступає до перших входів суматора 11, до других входів якого за шиною 30 поступає значення  $\frac{M}{2} = (1\|0\|0)$ . З виходу суматора 11 значення  $C'_{PC3K} = \left( C'_{C3K} + \frac{M}{2} \right) = (0\|0\|3) + (1\|0\|0) = (1\|0\|3)$  через елементи АБО першої 12 групи поступає до перших входів шостого 25 суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого за шиною 30 поступає значення  $\frac{M}{2}$ . З виходу

25 суматора 25 результат  $C'_{PC3K} = \left( C'_{PC3K} + \frac{M}{2} \right) = (1\|0\|3) + (1\|0\|0) = (0\|0\|3)$  модульного множення двох чисел у СЗК поступає до входу вихідного 26 регістру.

Перевірка.  $[(-3) \cdot 4] = 15 + (-3) \cdot 4 = 15 - 12 = 3 = C'_{PC3K}$ . Значення добутку чисел  $A_{PC4} = -3$  і  $V_{PC4} = 4$  дорівнює -12, що відповідає значенню 3 у ШФ СЗК (див. табл. 1).

30 Таким чином запропонований винахід дозволяє суттєво розширити функціональні можливості пристрою-прототипу за рахунок виконання додаткової операції перетворення чисел  $A_{C3K} = (a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$  і  $V_{C3K} = (b_1, b_2, \dots, b_i, \dots, b_n)$ , представлених безпосередньо у СЗК, у числа  $A'_{C3K} = (a'_1, a'_2, \dots, a'_i, \dots, a'_n)$  і  $V'_{C3K} = (b'_1, b'_2, \dots, b'_i, \dots, b'_n)$ , що представлені у ШФ СЗК та навпаки, перетворення результату  $C'_{C3K} = (c_1, c_2, \dots, c_i, \dots, c_n)$  операції модульного множення двох чисел  $A'_{C3K} = (a'_1, a'_2, \dots, a'_i, \dots, a'_n)$  і  $V'_{C3K} = (b'_1, b'_2, \dots, b'_i, \dots, b'_n)$ , що представлені у ШФ СЗК,

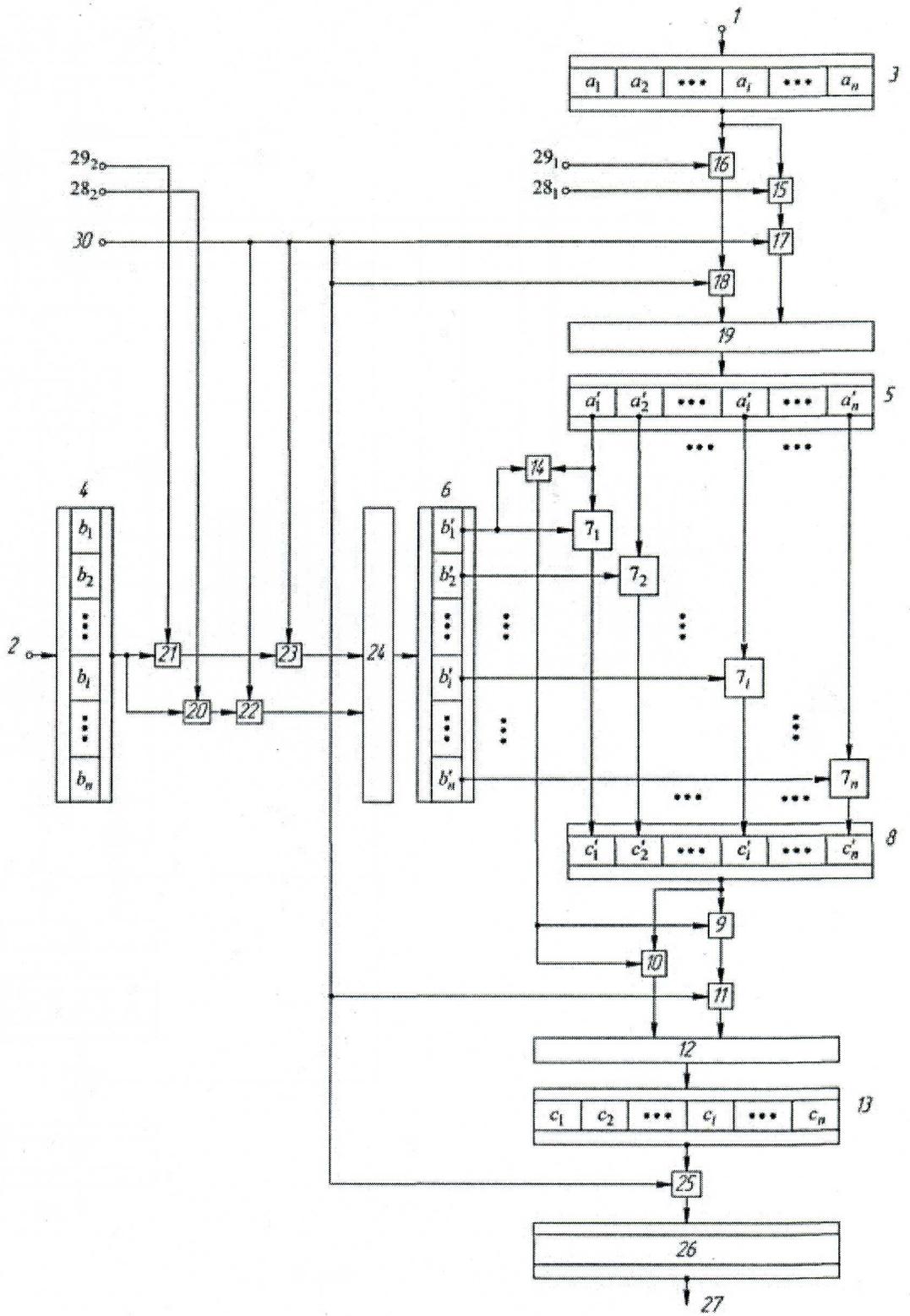
35 безпосередньо у СЗК  $C_{C3K} = (c_1, c_2, \dots, c_i, \dots, c_n)$ . Це дає можливість, при необхідності у подальшому, безпосередньо контролювати та коректувати дані, що представлено у вигляді

чисел  $A_{C3K} = (a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$ ,  $B_{C3K} = (b_1, b_2, \dots, b_i, \dots, b_n)$  і  $C_{C3K} = (c_1, c_2, \dots, c_i, \dots, c_n)$ . Наведені приклади застосування представленого винаходу для конкретної СЗК підтверджують достовірність і практичну цінність отриманих результатів.

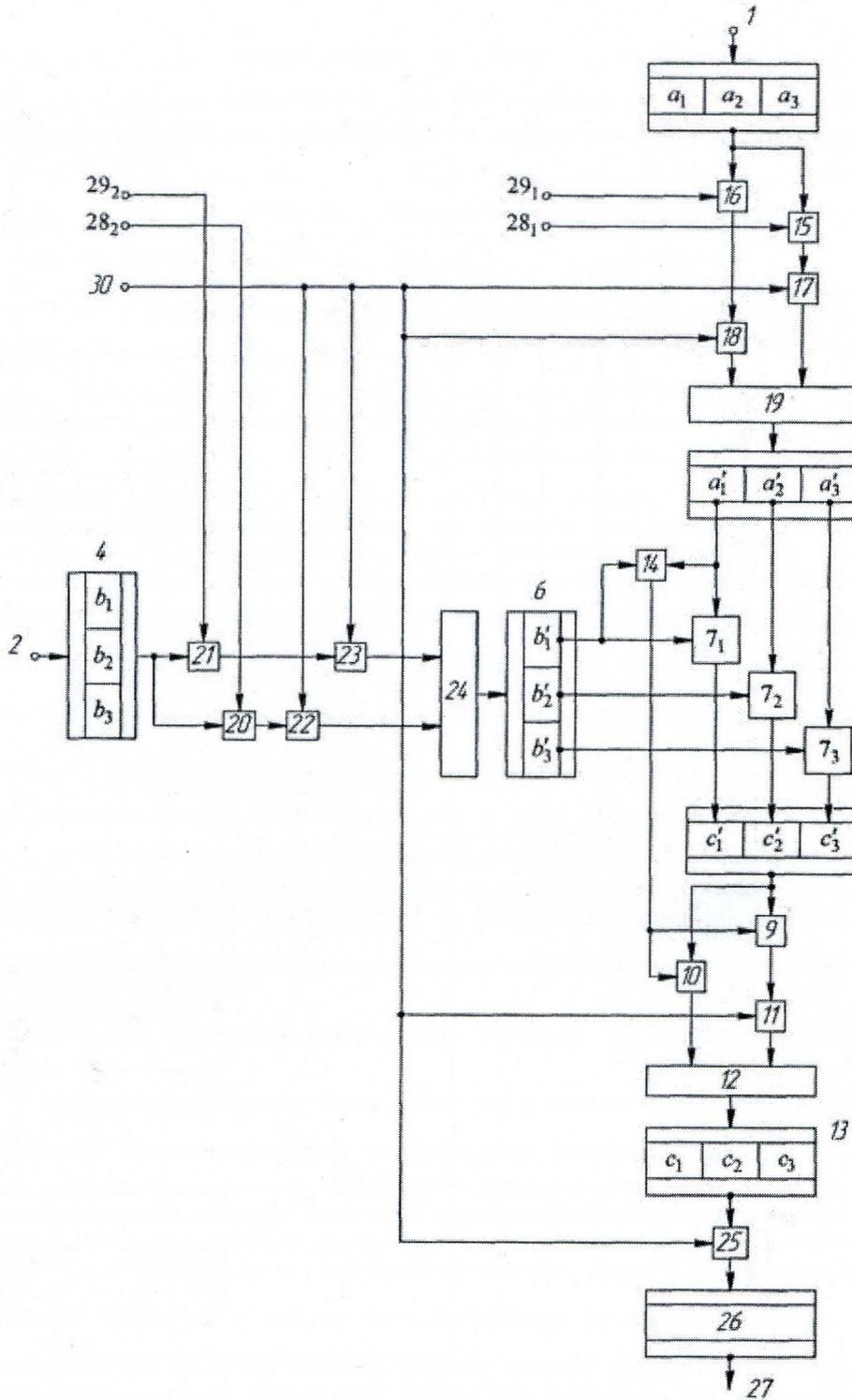
5

ФОРМУЛА ВИНАХОДУ

Пристрій для модульного множення двох чисел, які представлені у системі залишкових класів (СЗК), який містить перший та другий вхідні прийомні реєстри, вихідний прийомний реєстр, реєстр результату операції, суматор за модулем два, першу групу елементів АБО, групу з  $n$  пристроїв для множення  $c' = (a'_1 \cdot b'_1) \bmod m_i$  двох лишків  $a'_i$  та  $b'_i$  чисел  $A_{C3K}$  та  $B_{C3K}$  за відповідними модулями  $m_i$  ( $i = \overline{1, n}$ ;  $n$  - кількість модулів СЗК), першу групу елементів I, групу вентилів, перший суматор за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , при цьому виходи  $i$ -х ( $i = \overline{1, n}$ ) підреєстрів першого та другого вхідних прийомних реєстрів підключено до входів  $i$ -го пристрою для множення лишків  $a'_i$  та  $b'_i$ , відповідно чисел  $A_{C3K}$  та  $B_{C3K}$ , за модулем  $m_i$  СЗК, виходи групи пристроїв множення лишків  $a'_i$  та  $b'_i$  за модулями  $m_i$  підключено до входів відповідних  $i$ -х підреєстрів вихідного прийомного реєстру, вихід якого підключено до перших входів елементів I першої групи та до перших (інформаційних) входів вентильних елементів групи, виходи елементів I першої групи підключено до перших входів першого суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , до других входів якого підключена шина подачі значення  $\frac{M}{2}$ , виходи першого суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$  і вентильних елементів групи через елементи АБО першої групи підключено до входу реєстру результату операції, виходи перших (за модулем  $m_i$  СЗК) підреєстрів вхідних прийомних реєстрів підключено до входів суматора за модулем два, вихід якого підключено до других входів елементів I першої групи та до других входів вентильних елементів групи, який відрізняється тим, що в пристрій додатково введено перший та другий вхідні реєстри, вихідний реєстр, другу, третю, четверту та п'яту групи елементів I, другу та третю групи елементів АБО, другий, третій, четвертий, п'ятий та шостий суматори за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , при цьому, перший вхід пристрою підключено до входу першого вхідного реєстру, вихід якого підключено до перших входів елементів I другої та третьої груп, виходи яких підключено до перших входів відповідно другого та третього суматорів за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , виходи яких через елементи АБО другої групи підключено до входу першого вхідного прийомного реєстру, другий вхід пристрою підключено до входу другого вхідного реєстру, вихід якого підключено до перших входів елементів I четвертої та п'ятої груп, виходи яких підключено до перших входів відповідно четвертого та п'ятого суматорів за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , виходи яких через елементи АБО третьої групи підключено до входу другого вхідного прийомного реєстру, вихід реєстру результату операції підключено до перших входів шостого суматора за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ , вихід якого підключено до входу вихідного реєстру, вихід якого є виходом пристрою, перша шина подачі сигналу ознаки "ДОДАВАННЯ 1" підключена до других входів елементів I другої групи, а друга шина подачі сигналу ознаки "ДОДАВАННЯ 2" підключена до других входів елементів I четвертої групи, перша шина подачі сигналу ознаки "ВІДНІМАННЯ 1" підключена до других входів елементів I третьої групи, а друга шина подачі сигналу ознаки "ВІДНІМАННЯ 2" підключена до других входів елементів I п'ятої групи, шина подачі значення  $\frac{M}{2}$  підключена до других входів другого, третього, четвертого, п'ятого та шостого суматорів за модулем  $M = \prod_{i=1}^n m_i$ .



Фиг. 1



Фиг. 2

Комп'ютерна верстка А. Крулевський

Державна служба інтелектуальної власності України, вул. Василя Липківського, 45, м. Київ, МСП, 03680, Україна

ДП "Український інститут інтелектуальної власності", вул. Глазунова, 1, м. Київ – 42, 01601